

Rozhledy matematicko-fyzikální

51. ročník Fyzikální olympiády, úlohy kategorií E a F

Rozhledy matematicko-fyzikální, Vol. 84 (2009), No. 4, 28–34

Persistent URL: <http://dml.cz/dmlcz/146328>

Terms of use:

© Jednota českých matematiků a fyziků, 2009

Institute of Mathematics of the Czech Academy of Sciences provides access to digitized documents strictly for personal use. Each copy of any part of this document must contain these *Terms of use*.



This document has been digitized, optimized for electronic delivery and stamped with digital signature within the project *DML-CZ: The Czech Digital Mathematics Library* <http://dml.cz>

SOUTĚŽE

51. ročník Fyzikální olympiády, úlohy kategorií E a F

Soubor úloh je určen pro soutěžící, kteří navštěvují 8. nebo 9. ročník škol, poskytujících základní vzdělání, a jim odpovídající ročníky víceletých gymnázií. Budete povinně řešit úlohy, které vám stanoví váš učitel fyziky. Mezi problémy k řešení jsme zařadili také projekty, které můžete řešit. Samozřejmě můžete řešit i další, pro vás již nesoutěžní úlohy.

FO51EF1 Na závodní dráze

Na závodní dráze soutěží tři cyklisté na trase 1 200 m s letným startem tak, že po celé trase udržují stálou velikost rychlosti. Při průjezdu cílem postupně zpomalují tak, že jejich rychlost klesá lineárně s časem, až se kolo zastaví. První závodník Adam poté, co projel cílem, zastavil za 40 s na dráze 240 m. Druhý závodník Bohumil poté, co projel cílem, zastavil za 50 s na dráze 375 m. Třetí závodník Cyril poté, co projel cílem, zastavil za 45 s na dráze 304 m.

- K řešení si načrtni graf rychlosti v závislosti na čase poté, co některý ze závodníků projel cílem. Urči z grafu velikost rychlosti v_0 , kterou závodník projel cílem.
- Který ze tří závodníků – Adam, Bohumil, Cyril – byl nejrychlejší?
- Nakresli do jednoho obrázku graf $v(t)$ pro všechny tři závodníky pro trasu od startu závodu až po místo jejich zastavení.

FO51EF2 Automobil jede po dálnici

Automobil jede po dálnici stálou rychlostí $126 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$, když řidič zjistí ve velké vzdálenosti hromadnou havárii. Nejprve uplyne doba 1,2 s, než začne automobil brzdit. Automobil zpomaluje tak, že za každou sekundu se rychlost zmenší o $5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$.

- Nakresli graf $v(t)$ rychlosti v závislosti na čase u tohoto pohybu.
- Jakou dráhu urazí automobil, než začne brzdit?
- Zjistí, za jak dlouho od zpozorování havárie automobil zastaví a na jaké dráze.
- Jak se změní výsledky, jestliže automobil pojedje stálou rychlostí $144 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$, $108 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$?

FO51EF3 Listonoš balíkové služby

Listonoš balíkové služby má doručit balík o hmotnosti 12 kg do bytu ve 14. poschodí, a zdolat tak výškový rozdíl 42 m. Protože se výtah opravuje, musel vystoupit po schodišti. Hmotnost listonoše je 88 kg.

- Jakou práci je nutno vykonat pro doručení balíku do bytu ve 14. poschodí?
- Jakou celkovou práci vykoná listonoš při osobním doručení balíku?
- Jaká je užitečná práce pro doručení balíku? Jaká je práce sice zbytečná, ale nutná k doručení balíku? Urči účinnost doručení balíku.

FO51EF4 Nepředstavitelně zbytečná ztráta

Na chatě zapomněl jednou v neděli večer při odjezdu Petr vypnout žárovku ve stolní lampě a tato žárovka o příkonu 40 W svítila až do pátku do večera, kdy se na chatu rodina zase vrátila. Lampa svítila tedy zbytečně celých 5 dní.

- Jaká je „zbytečná“ elektrická práce při tomto svícení?
- Chlapec musel jako kompenzaci pro rodinu naházet 6 t písku na valník tak, že lopatou vyhazoval písek přes bočnici valníku. Písek musel zvednout lopatou ze země do výšky 2 m, hmotnost písku na lopatě byla 4 kg. Urči, kolikrát musel Petr písek na lopatu nabrat a jakou práci vykonal.
- Porovnej oba výsledky a zjisti, kolik písku by musel Petr na valník naložit, aby vykonal stejnou práci, jako byla „zbytečná“ práce elektrická.

FO51EF5 Motocykl se rozjíždí

Při tréninku na motocyklových závodech se motocykl rozjíždí rovnoměrně zrychleně po dobu 25 s, až dosáhne rychlosti $180 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$, poté touto rychlostí projede trasu 2 500 m a v následující době 125 s rovnoměrně zpomaluje, až zastaví přesně v místě startu.

- Urči, jaká doba uplynula od startu až k úplnému zastavení.
- Nakresli graf závislosti rychlosti na čase $v(t)$.
- Jakou dráhu urazil motocykl od startu až k úplnému zastavení?
- Urči průměrnou rychlost motocyklu při pohybu.

FO51EF6 Opravář – amatér

Na chatě je starý vařič, v němž je topná „spirála“, umístěná v keramické formě. Vařič se připojí k napětí 230 V a spirálou prochází elektrický proud 3,5 A. Jednou se však spirála přepálila a soused – opravář amatér – odštípl desetinu délky spirály a připojil spirálu zase ke kontaktům vařiče.

SOUTĚŽE

Odpor drátu závisí na délce vodiče přímo úměrně, na obsahu kolmého řezu drátu nepřímo úměrně a závisí také na materiálu vodiče. Závislost odporu na teplotě nebudeme uvažovat.

- Napiš, jaký byl původně výkon starého vařiče a jak se touto úpravou změnil.
- Jak se změnila doba, za níž se dá ohřát 1 litr vody na čaj na tomto vařiči? Počáteční teplota vody je $15\text{ }^{\circ}\text{C}$, koncová $95\text{ }^{\circ}\text{C}$. Další potřebné údaje jsou v tabulkách.
- K ohřátí stejného objemu vody na čaj varnou konvicí s příkonem $2\ 000\text{ W}$ a účinností 85% potřebujeme právě polovinu původní doby. Jaká je účinnost starého vařiče?

FO51EF7 Úsporné zářivky

V domácnosti se používá v lampě žárovka o výkonu 100 W a nahradíme ji úspornou zářivkou o přibližně stejném světelném výkonu, ale o příkonu jen 20 W .

- Jaké jsou klady a jaké jsou zápory úsporných zářivek?
- Jaké důsledky mají tyto zářivky pro změny životního prostředí?
- Víte-li, že nákupní cena úsporné zářivky je desetkrát vyšší než neúsporné žárovky, proč a kdy je či není výměna ekonomická?

FO51EF8 Voda v bazénu

Sportovní plavecký bazén městských lázní má šířku 15 m a délku 50 m , hloubka vody na jednom konci bazénu je 60 cm , dno bazénu se zvolna svažuje tak, že na druhém konci hloubka vody dosáhne 240 cm . Vedení lázní se snaží udržovat střední teplotu vody v bazénu na hodnotě $22\text{ }^{\circ}\text{C}$, avšak na přání zákazníků se rozhodlo zvýšit komfort a upravit tuto teplotu na $27\text{ }^{\circ}\text{C}$.

- Urči objem a hmotnost vody v bazénu.
- Kolik tepla je třeba dodat vodě v bazénu, aby se střední teplota vody zvýšila z $22\text{ }^{\circ}\text{C}$ na $27\text{ }^{\circ}\text{C}$?
- Víme-li, že během dvou hodin klesne teplota vody zpravidla o $1,2\text{ }^{\circ}\text{C}$, jaký výkon musí mít zařízení určené k ohřevu vody, aby se udržovala teplota $27\text{ }^{\circ}\text{C}$?

FO51EF9 Na kolik nás přijde povinné svícení automobilu?

Podle platných předpisů pro silniční provoz musí během jízdy automobilu svítit jeho přední reflektory, každý se žárovkou 50 W , v zadní části dvě koncová světla a osvětlení státní poznávací značky, celkem o výkonu

30 W. Předpokládejme, že majitel jezdí během roku asi 300 dní, každý den 2 h s rozsvícenými světly.

- Zjistí, o kolik se tímto svícením zvýší práce, již musí vykonat ročně motor automobilu.
- Jestliže dokonalým spálením 1 litru benzínu získáme teplo 36 MJ, ale v motoru auta ho dokážeme využít jen na 22 %, kolik litrů benzínu uvedený automobil spotřebuje ročně navíc proto, že majitel přesně dodržuje dopravní předpisy?
- Jaké jsou kladné a jaké záporné důsledky tohoto nařízení?

FO51EF10 Dráty jako rezistory

Drátěný čtverec ABCD o délce strany 100 cm, přičemž odpor každé strany je 12 ohmů, má drátěnou úhlopříčku AC, jejíž odpor je 18 ohmů. Tento „odporový“ čtverec zapojíme třemi možnými způsoby ke zdroji o napětí 3,0 V (zdroj připojíme k bodům A-B, A-C, A-D).

- Nakresli reálnou situaci (ve zmenšení) a její elektrické schéma.
- Jak velký je výsledný odpor ve všech třech zapojeních?
- Jaký proud prochází vodiči při jednotlivých zapojeních?

FO51EF11 Elektrárna Prunéřov

Elektrárna Prunéřov (EPRU) patří mezi těch několik tepelných elektráren Evropské unie, které nejvíce zatěžují životní prostředí. Konkrétně jde o produkci 1,07 Mt oxidu uhličitého na každou vyrobenou TWh. V původní části (EPRUI) jsou instalována turbosoustrojí o celkovém výkonu 440 MW, v přístavbě EPRUII je pět agregátů, každý o výkonu 210 MW. Součinitel ročního využití se počítá u tepelných elektráren 55 %, rok obsahuje 8 766 h.

- Urči elektrickou práci, která je pro spotřebitele k dispozici za 1 rok.
- Jaká je roční produkce oxidu uhličitého u tepelné elektrárny Prunéřov?
- Urči denní (roční) spotřebu hnědého uhlí v této tepelné elektrárně, je-li jeho výhřevnost 12 MJ/kg a účinnost elektrárny je 35 %.
- Největší tepelná elektrárna v Polsku je v blízkosti města Belchatów a má instalovaný výkon 4 400 MW; ročně poskytuje asi 28 TWh a umístila se na předním místě v produkci oxidu uhličitého hodnotou 1,09 Mt na vyrobenou TWh. Kolik dní je tato elektrárna v provozu?
- Porovnej odpovědi na otázky a), b), c) pro polskou a českou elektrárnu.

FO51EF12 Tandemový seskok padákem

Seskoky padákem patří mezi adrenalinové sporty. Výsadbář padá za bezvětří svisele dolů a proti jeho pohybu působí odporová síla vznikající pohybem ve vzduchu. Velikost odporové síly určíme ze vztahu $F = \frac{1}{2} C_y S \rho v^2$, kde zvolíme tvarový odporový součinitel pro dutou polokouli $C_y = 1,33$, hustotu vzduchu $\rho = 1,20 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$, vodorovný řez kruhovým padákem $S = 50 \text{ m}^2$. Potom přepíšeme vztah pro velikost celkové odporové síly jako $F = k v^2$. Víme, že hmotnost padáku je 15 kg, hmotnost výsadbáře 75 kg a hmotnost výsadbářky 65 kg.

- Jak velká síla působí na výsadbáře či výsadbářku při pádu s otevřeným padákem?
- Jak velké rychlosti pohybu může výsadbář či výsadbářka dosáhnout?
- Při tandemovému seskoku jsou na jednom padáku zavěšeni výsadbář i výsadbářka společně. Jak se změní rychlost pádu pohybuující se soustavy?
- V technické dokumentaci padáků je uvedeno, že při zatížení padáku 100 kg dosahuje padající těleso rychlosti $5,3 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$. Porovnej teoretické údaje s vypočtenými hodnotami.

FO51EF13 Autobusová posila

Pravidelně každý den vyjíždí linkový autobus ze stanice Počáteční ve 14:15 h a dorazí do stanice Konečná ve vzdálenosti 98 km v 15:50 h. Na trase je jen jediná zastávka, kde autobus stojí přesně 5,0 min. V pátek odpoledne je vždy přistaven tzv. posilový vůz, který ze stanice Počáteční vyjíždí ve 14:30 h a do cílové stanice Konečná dorazí v 15:45 h. Jízda posilového vozu je koordinována tak, že dorazí do stanice, kde zastavuje první autobus, přesně ve stejném okamžiku a vyjíždí též přesně jako autobus první. Pro jednoduchost předpokládejme, že celou dobu mohou autobusy jet stálou rychlostí, která je rovna jejich rychlosti průměrné.

- Urči průměrnou rychlost, kterou jel první autobus.
- Urči průměrnou rychlost, kterou jel druhý autobus.
- Urči, jak daleko je jediná zastávka od stanice Počáteční a v kolik tam autobusy dorazí.
- Jak daleko zbývá autobusům do cíle trasy?

FO51EF14 Tak dlouhý řetězec?

Z chemie víme, že jeden mol obsahuje $6,0 \cdot 10^{23}$ částic, 1 mol vody H_2O má hmotnost 18,0 g.

- a) Urči, jaký objem připadá na jednu molekulu vody.
- b) Odhadni lineární rozměry molekuly vody. Svůj postup vysvětli.
- c) Jak dlouhý řetězec bychom získali, kdyby se všechny molekuly v jednom molu postavily „do zástupu“? Výsledek porovnej s některou obecně známou vzdáleností.
- d) Jak dlouhý řetězec bychom získali, kdyby všechny molekuly v jednom molu vytvořily „tisícistup“?

FO51EF15 Londýnské kolo

Koncem minulého století, přesně 31. prosince 1999 byl oficiálně zahájen provoz londýnské zábavní atrakce The London Eye či Millenium Wheel; u nás má vžitý název „ruské kolo“. Bylo postaveno na břehu Temže a dosahuje výšky 135 m/443 stop. Další známá ruská kola jsou postavena na několika místech světa: Star of Nancheng – 160 m/525 stop, Singapore Flyer – 165 m/541 stop. Great Berlin Wheel – 175 m/570 stop má být uvedeno do provozu v roce 2010, ale již v roce 2009 má být nejvyšším kolem Beijing Great Wheel, které má dosahovat výše 208 m/682 stop. Londýnské kolo má celkem 32 vejčitých kabinek, každá pro 25 osob. Je jasné, že při postupném vystupování a nastupování lidí z kabinek (počítejme na každou zastávku pouze 1 min) by se kolo muselo neustále rozjíždět a zastavovat, což by znamenalo značné energetické i časové ztráty. Proto se kolo otáčí neustále malou rychlostí, aby návštěvníci stihli vystoupit i nastoupit za jízdy; kolo se otočí o 360° jednou za 30 min.

- a) Vypočti rychlost pohybu kabinky a posuď, zda je při této rychlosti opravdu možné, aby v dolní poloze lidé vystupovali a nastupovali.
- b) Jestliže získaná rychlost představuje podmínku bezpečného provozu, jak dlouho trvá pobyt návštěvníka na dalších vyjmenovaných atrakcích?
- c) Uvedené atrakce jsou umístěny v rovinaté krajině, v případě Singapore Flyer dokonce nedaleko moře. Odhadni vzdálenost, do které vidí návštěvník v okamžiku, kdy je na vrcholu kola.
- d) Všechny uvedené atrakce najdi na www.wikipedia.org. Pokus se také najít místa, kde jsou umístěny, a to v atlase nebo na Google Earth 3D.

Poznámka: Z českého pohledu může být zajímavé, že lité ocelové části kola v Londýně, jako jsou hlavní hřídel, její závěsy a klouby konstrukce, byly vyrobeny českou firmou Škoda.

FO51EF16 Sport a fyzika (projekt)

Sportovní a tělovýchovné činnosti jsou těsně spjaty s fyzikou – v cizích jazycích se někdy tělesné výchově říká Physical training, Educazione fisica, Educación física, физическая культура – физкультура. Sportem žije mnoho lidí, ale současně nemají rádi školní vyučovací předmět Fyzika. Vaším úkolem bude vybrat si některou sportovní činnost a podle svých možností – informací i svého předchozího matematického a fyzikálního vzdělání – sestavit alespoň pět (lépe deset) sportovních situací, které dovedete přesně popsat, vytvořit k nim vhodný zjednodušený model a vyřešit problém, který jste si vybrali. Své řešení podrobně popište (formulujte text a vaše řešení), doplňte obrázky, fotografiemi, grafy aj.

FO51EF17 Experimentální úloha

Experimentální úloha pro soutěžící v kategoriích E a F je v letošním ročníku společná s kategorií G – Archimédiáda a týká se určování plošného obsahu metodou vážení tenkých desek všude těže tloušťky. Text této úlohy a stručný návod k jejímu řešení si přečtete na následujících stránkách.

51. ročník Fyzikální olympiády, úlohy kategorie G – Archimédiády

Soutěž ARCHIMÉDIÁDA 2010 je určena žákům 7. ročníků základních škol a odpovídajících ročníků víceletých gymnázií.

FO51G1 Kachlíčky do koupelny

Při rekonstrukci koupelny v rodinném domku se musí celá místnost znovu vykachlíkovat. Rozměry koupelny: podlaha 244 cm × 183 cm, obklady stěn půjdou až do výšky 200 cm, okno koupelny je umístěno až nad touto výškou směrem do stropu, v jedné stěně jsou umístěny dveře s rámem o rozměrech 90 cm × 200 cm. Na zem přijdou dlaždice o tloušťce 6,0 mm a rozměrech 30 cm × 30 cm, hmotnosti 1 650 g, a na stěny obkládačky o tloušťce 5,0 mm a rozměrech 19,6 cm × 24,6 cm, hmotnosti 560 g.