

Karel Teige

Odvození vzorce pro rychlost výtoku kapaliny z kapilláry

Časopis pro pěstování matematiky a fysiky, Vol. 52 (1923), No. 1-2, 159--161

Persistent URL: <http://dml.cz/dmlcz/123247>

Terms of use:

© Union of Czech Mathematicians and Physicists, 1923

Institute of Mathematics of the Academy of Sciences of the Czech Republic provides access to digitized documents strictly for personal use. Each copy of any part of this document must contain these *Terms of use*.



This paper has been digitized, optimized for electronic delivery and stamped with digital signature within the project *DML-CZ: The Czech Digital Mathematics Library* <http://project.dml.cz>

Les méthodes graphiques dans la cartographie.

(Extrait de l'article précédent.)

L'auteur explique dans cette article de quelle manière on peut appliquer une méthode graphique pour construire le détail d'une carte géographique d'après celui d'une autre carte dont on se sert comme modèle. A ce but, on exprime, à l'aide de deux surfaces auxiliaires, les relations entre les coordonnées rectangulaires des points de la carte nouvelle, et celles des points associés à ceux-ci sur le modèle. Ces deux surfaces auxiliaires sont définies par des lignes de niveau, dont les projections sur le plan du modèle sont les images des lignes droites parallèles aux axes des coordonnées sur la carte nouvelle. On se sert de ces surfaces, non seulement pour trouver graphiquement les coordonnées des points du détail de la carte, mais encore pour construire les tangentes et les centres de courbure de ses diverses lignes.

Odvození vzorce pro rychlost výtoku kapaliny z kapiláry.

Napsal Karel Teige.

Prof. Kučera ve své habilitační práci „Zur Oberflächenspannung von polarisierten Quecksilber“¹⁾ přichází též k otázce, jaký je vztah mezi množstvím vyteklé rtuti z kapiláry, povrchovým napjetím rtuti a tlakovou výškou, pod kterou rtuť vytéká. Dospívá tam k tomuto závěru:

Kdyby výtok rtuti z kapiláry byl závislý pouze na vnitřním tření, tu by při téže tlakové výšce vytekl za stejný čas stejné množství rtuti, nezávislé na rozlohu, do kterého rtuť kape a na elektrické polarisaci; čili proudění rtuti bylo by konstantní. Avšak tomu tak není. Jak z pokusů vypívá, toto množství vyteklé rtuti při stejné tlakové výšce je tím menší, čím větší je povrchové napětí. Povrchové napětí působí tlakem proti tlaku sloupce rtuťového. Kučera dále odhaduje velikost tohoto kapilárního protitlaku asi takto: Tento protitlak v každém okamžiku obnáší

$$\frac{2\alpha}{r},$$

kde α je povrchové napětí mezi rtuť a roztokem, do něhož rtuť kape, a r poloměr kapičky u kapiláry. Ovšem velikost kapičky se stále mění a proto také r se stále mění. Kučera pouze pro orientaci běže za r poloměr odkáplé kapky. K tomu dodává: Při tom běžeme

¹⁾ Lipsko 1903. Výtah Ann. der Phys. 11., 529. (1903).

v úvahu pouze konečný stav; v každém okamžiku tvoření kapky je tento kapilární protitlak však mnohem větší, zvláště na počátku tvoření se kapky, kdy poloměr kapky má daleko menší hodnotu než poloměr odkáplé kapky.

Účelem tohoto příspěvku je vypočísti přesněji hodnotu kapilárního protitlaku, a tím také vzorec pro výtokovou rychlost z kapiláry.

Abychom obdrželi střední časovou hodnotu protitlaku, která ve tvaru integrálu je

$$2\alpha\left(\frac{1}{r}\right) = \frac{2\alpha}{\tau} \int_0^{\tau} \frac{dt}{r}, \quad (1)$$

kde t značí čas, τ pak dobu odkapu jedné kapky, nutno čas t vyjádřiti jako funkci poloměru kapky r .

Předpokládáme-li, že rtuť z kapiláry o poloměru ϱ vytéká stálou rychlostí¹⁾ v do kapky, pak, čítáme-li čas t od počátku tvoření se kapky, bude velikost kapky o poloměru r

$$\pi \varrho^2 v t = \frac{4}{3} \pi r^3. \quad (2)$$

Odtud derivováním je

$$\varrho^2 v dt = 4 r^2 dr.$$

Pak střední hodnota protitlaku (1) bude

$$\frac{2\alpha}{\tau} \int_0^R \frac{4 r dr}{\varrho^2 v} = \frac{4\alpha R^2}{\tau \varrho^2 v}.$$

Při tom R značí poloměr odkapávající kapky. Dosadíme-li za jmenovatele dle vzorce (2)

$$\pi \varrho^2 v \tau = \frac{4}{3} \pi R^3, \quad (3)$$

dostaneme konečně

$$2\alpha\left(\frac{1}{r}\right) = \frac{3\alpha}{R}. \quad (4)$$

Známe-li nyní přesně hodnotu kapilárního protitlaku, pak můžeme napsati vzorec pro množství G rtuti vyteklé z kapiláry, ve tvaru

$$G = L \left(p - \frac{3\alpha}{R} \right) T, \quad (5)$$

kde L je jistá konstanta, p tlak sloupce rtuti, T čas.

¹⁾ Jelikož kapilární protitlak se stále mění, mění se také vlastně rychlost v . Jsou-li však ty změny dosti rychlé, tu, jelikož sloupec rtuti v kapiláře má jistou setrvačnost, nebude se v mnoho lišiti od jisté střední hodnoty, která je dána vzorcem (3).

Jelikož v uvedeném vzorci (5) nevyskytuje se poloměr obvodu, kde se kapka odtrhuje, může tento vzorec sloužit k vypočítání absolutní hodnoty povrchového napětí. To by byla veliká přednost této metody ku stanovení povrchového napětí před methodou vážením kapek. Naproti tomu tato metoda je daleko obtížnější. Hlavní obtíž spočívá v přesném měření času. K orientaci, jak přesně tato metoda udává povrchové napětí, vypočteme toto pro rozhraní voda-rtuť z hodnot, které udává Kučera v citované práci na str. 560. Zde velikost kapillárního protitlaku byla 1·67 cm rtuť a poloměr kapky 0·040 cm. Z těchto hodnot vypočtené povrchové napětí

$$\alpha = \frac{1\cdot67}{3} \times 13\cdot6 \times 0\cdot040 \text{ g/cm} = 0\cdot303 \text{ g/cm}.$$

To velmi blíží se 0·32 g/cm, kteroužto hodnotu má Kučera za nejpravděpodobnější.

*

Déduction d'une formule pour la vitesse d'écoulement du liquide d'un tube capillaire.

(Extrait de l'article précédent.)

Le courant du liquide dans un tube capillaire est maintenu par la pression sous laquelle le liquide s'écoule, diminuée de la contrepression qui existe au bout du tube. Comme la grandeur de cette contrepression change sans cesse, il faut déterminer sa valeur moyenne qui est donnée par l'expression

$$\frac{3\alpha}{R},$$

où R est le rayon des gouttes sortant du tube. Pour la quantité G du liquide qui s'écoule du tube pendant le temps T , la relation a lieu:

$$G = L \left(p - \frac{3\alpha}{R} \right) T,$$

où L est une constante, p la pression sous laquelle le liquide s'écoule. On peut, en s'appuyant sur cette relation, déterminer expérimentalement la valeur absolue de la tension superficielle α .

Poznámka k nejnovějšímu (Bornovu) modelu vodíkové molekuly.

Napsal Viktor Trkal.

1. V 31. sešitě (ze 4. srpna 1922) letošního ročníku přírodovědeckého týdeníku „Die Naturwissenschaften“ (str. 677–678) podrobuje M. Born kritice model vodíkové molekuly, který navrhl